

Função Matlab **lsqcurvefit**:

1. **initial_guess = [270, 30, 3.5];**

- **Propósito:** Define valores iniciais para os parâmetros do modelo que será ajustado aos dados experimentais.

- **Parâmetros:**

- **270:** Estimativa inicial para $T_{i,max}$ (temperatura máxima no centro da coluna de plasma).

- **30:** Estimativa inicial para $T_{i,min}$ (temperatura mínima na borda da coluna de plasma).

- **3.5:** Estimativa inicial para n (expoente que define o formato do perfil de temperatura).

2. **lsqcurvefit** (Ajuste Não Linear por Mínimos Quadrados)

A função ``lsqcurvefit`` ajusta um modelo não linear a dados experimentais minimizando a soma dos quadrados dos resíduos. Sua sintaxe é:

`[parâmetros_ajustados, ~, resíduos, ~, ~, ~, Jacobiano] = lsqcurvefit(função_modelo, chute_inicial, dados_x, dados_y, limites_inferiores, limites_superiores, opções);`

No código:

- `@(p, rr) Ti_function(p, rr);`

- **Propósito:** Define a função modelo $T_i(r)$ que será ajustada.

- **p:** Vetor de parâmetros a serem ajustados ($T_{i,max}$, $T_{i,min}$, n).

- **rr:** Vetor de pontos do raio r .

- **Exemplo de modelo:**

$$T_i(r) = (T_{i,max} - T_{i,min}) \cdot \left[1 - \left(\frac{r}{a} \right)^2 \right]^n + T_{i,min}$$

- **initial_guess:** Valores iniciais dos parâmetros ($T_{i,max} = 270$, $T_{i,min} = 30$, $n = 3,5$).

- **r_Ti:** Dados experimentais do raio r (pontos onde a temperatura foi medida).

- **Ti_reconstructed:** Dados experimentais da temperatura iônica $T_i(r)$.

- `[]`: Indica que não há limites inferiores ou superiores para os parâmetros.

- **optimset('Display', 'off'):** Configura o algoritmo para não exibir mensagens de progresso ('off').

3. Saídas da Função

- **params_initial:** Parâmetros ajustados ($T_{i,max}$, $T_{i,min}$, n) que melhor se encaixam nos dados.

- `~`: Ignora saídas não utilizadas (ex: norma do resíduo).

- **residual_initial**: Vetor de resíduos (diferenças entre dados experimentais e modelo ajustado).
- **J_initial**: Matriz Jacobiana, que contém as derivadas parciais do modelo em relação aos parâmetros.
- **Exemplo**:

$$J = \begin{bmatrix} \frac{\partial T_i(r_1)}{\partial T_{i,\max}} & \frac{\partial T_i(r_1)}{\partial T_{i,\min}} & \frac{\partial T_i(r_1)}{\partial n} \\ \vdots & \vdots & \vdots \\ \frac{\partial T_i(r_m)}{\partial T_{i,\max}} & \frac{\partial T_i(r_m)}{\partial T_{i,\min}} & \frac{\partial T_i(r_m)}{\partial n} \end{bmatrix}$$

- **Uso**: Usada para calcular incertezas nos parâmetros (via matriz de covariância).

Resumo do Funcionamento:

- Passo 1**: O algoritmo inicia com os valores de `initial_guess`.
- Passo 2**: Calcula a diferença quadrática entre o modelo e os dados experimentais.
- Passo 3**: Ajusta iterativamente os parâmetros para minimizar essa diferença.
- Passo 4**: Retorna os parâmetros otimizados (`params_initial`), resíduos (`residual_initial`), e Jacobiano (`J_initial`).

Exemplo Prático:

Suponha que os dados experimentais sejam:

- $r = [0.1, 0.2, 0.3] \text{ m}$
- $T_i = [250, 200, 150] \text{ eV}$

O `lsqcurvefit` ajustará $T_{i,\max}$, $T_{i,\min}$, e n para que a curva do modelo passe o mais próximo possível dos pontos experimentais.

Importância do Jacobiano:

O Jacobiano permite calcular a **matriz de covariância** dos parâmetros:

$\text{Cov} = (J^T J)^{-1} \cdot \text{RMSE}^2$ Essa matriz quantifica a incerteza nos parâmetros ajustados. Por exemplo, se a variância de $T_{i,\max}$ for alta, significa que esse parâmetro é pouco restrito pelos dados.