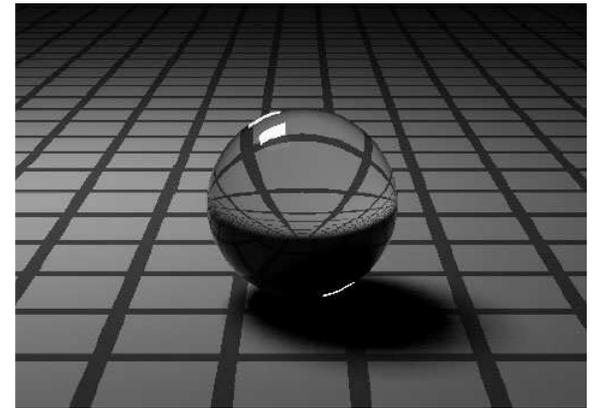


Física Experimental IV - 2008  
Polarização por Reflexão  
ângulo de Brewster

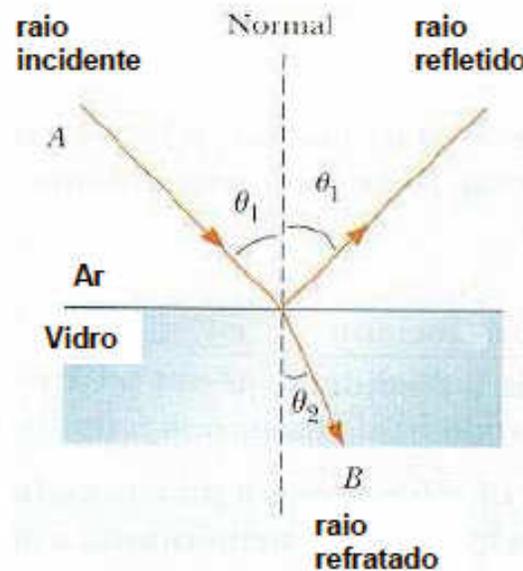
*Prof. Alexandre Suaide*

*Prof. Manfredo Tabacniks*

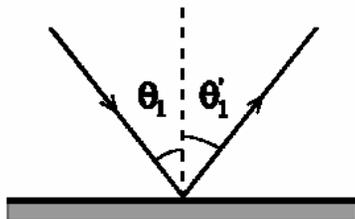
# Reflexão e Refração da Luz



Na interface entre dois meios.



## Lei da reflexão



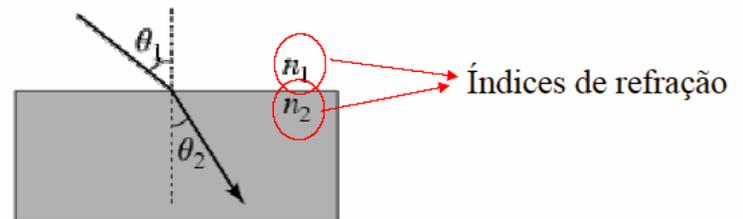
$$\theta'_1 = \theta_1$$

Raio refletido no plano de incidência

## Refração



## Lei da refração

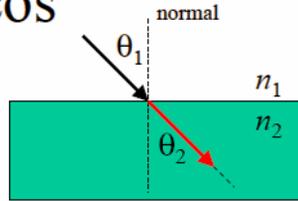


$$n_2 \text{ sen } \theta_2 = n_1 \text{ sen } \theta_1$$

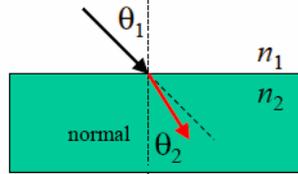
(lei de Snell)

## Resultados básicos

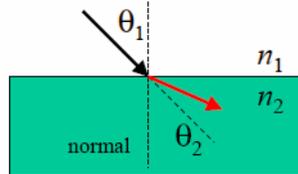
- $n_2 = n_1 \Rightarrow \theta_2 = \theta_1$



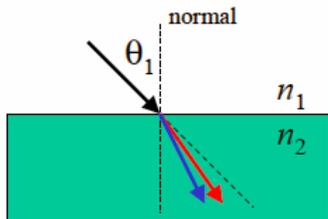
- $n_2 > n_1 \Rightarrow \theta_2 < \theta_1$



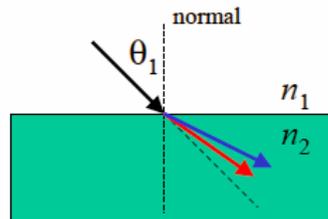
- $n_2 < n_1 \Rightarrow \theta_2 > \theta_1$



## Lei de Snell e dispersão

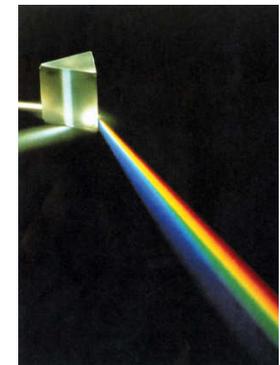
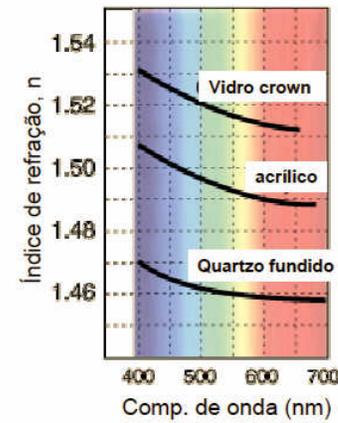


$$n_2 > n_1$$



$$n_2 < n_1$$

$$\Rightarrow n(\lambda)$$



prisma

## Índice de refração

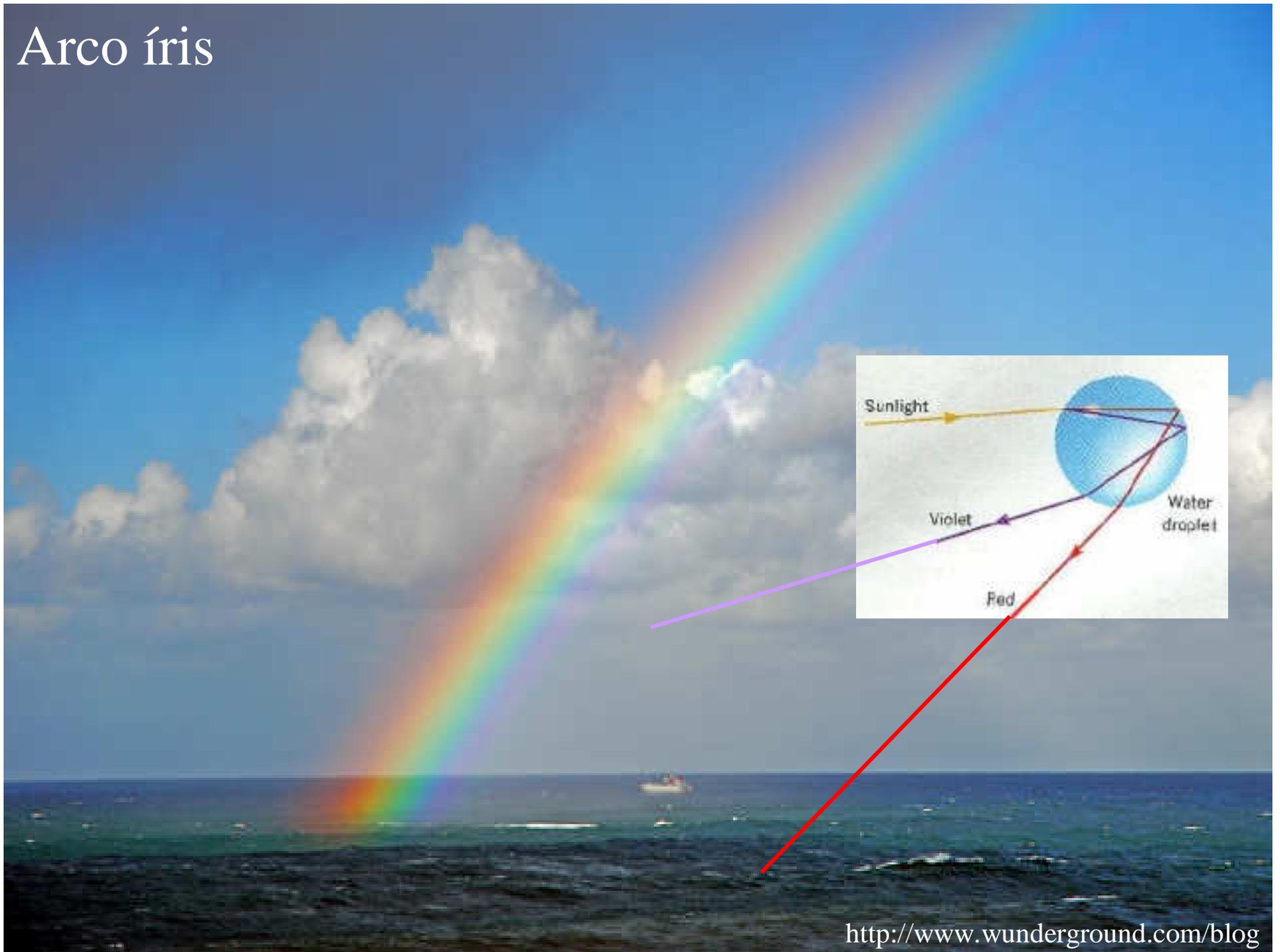


Material	Índice de Refração*
ar	1,0003
diamante	2,419
sílica fundida	1,458
quartzo	1,418
flint leve	1,655

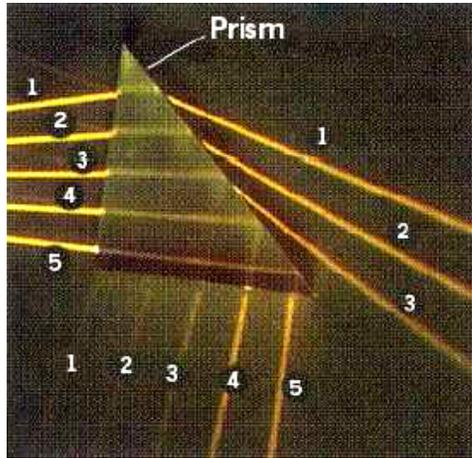
\*para 589,29 nm

## Dispersão cromática

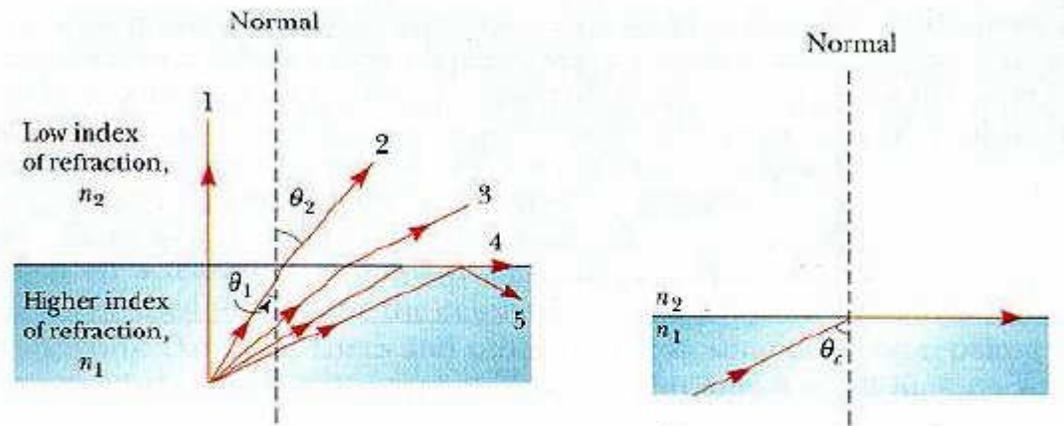
# Arco íris



# Reflexão interna total



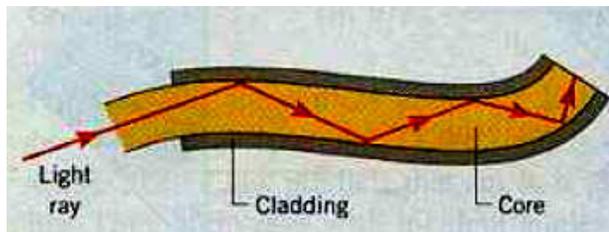
quando  $n_1 > n_2$



$$n_1 \sin \theta_c = n_2 \sin 90^\circ$$

$$\theta_c = \arcsen \frac{n_2}{n_1}$$

## Fibra óptica



# Polarização por reflexão



Luz refletida



Parcialmente polarizada

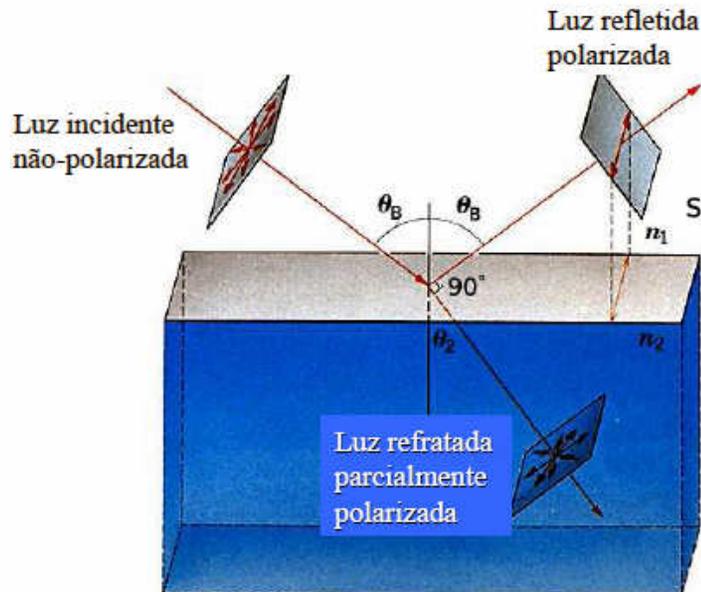
com polarizador



<https://www.camerasdirect.com.au/images/stories/FAQ/CircularPolarizer.jpg>

# Lei de Brewster

Num ângulo particular:



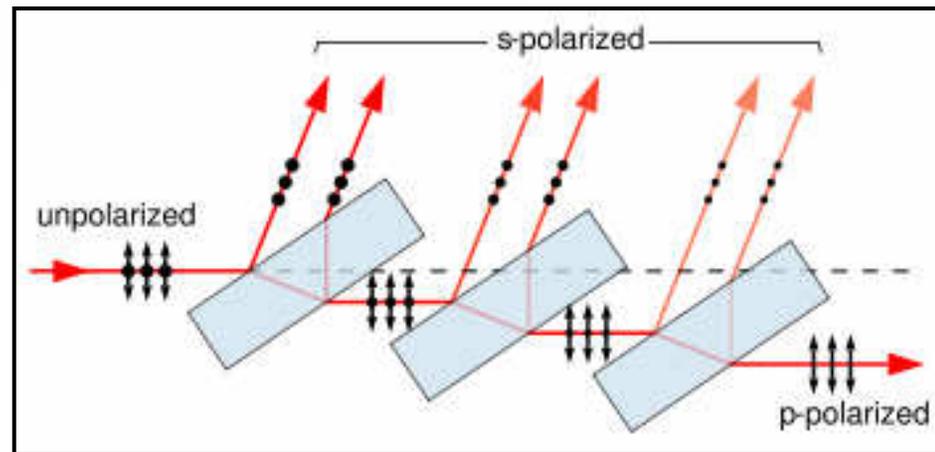
Copyright John Wiley & Sons

$$\theta_B + \theta_2 = 90^\circ$$

$$n_1 \sin \theta_B = n_2 \sin \theta_2$$

$$\sin \theta_2 = \sin(90^\circ - \theta_B) = \cos \theta_B$$

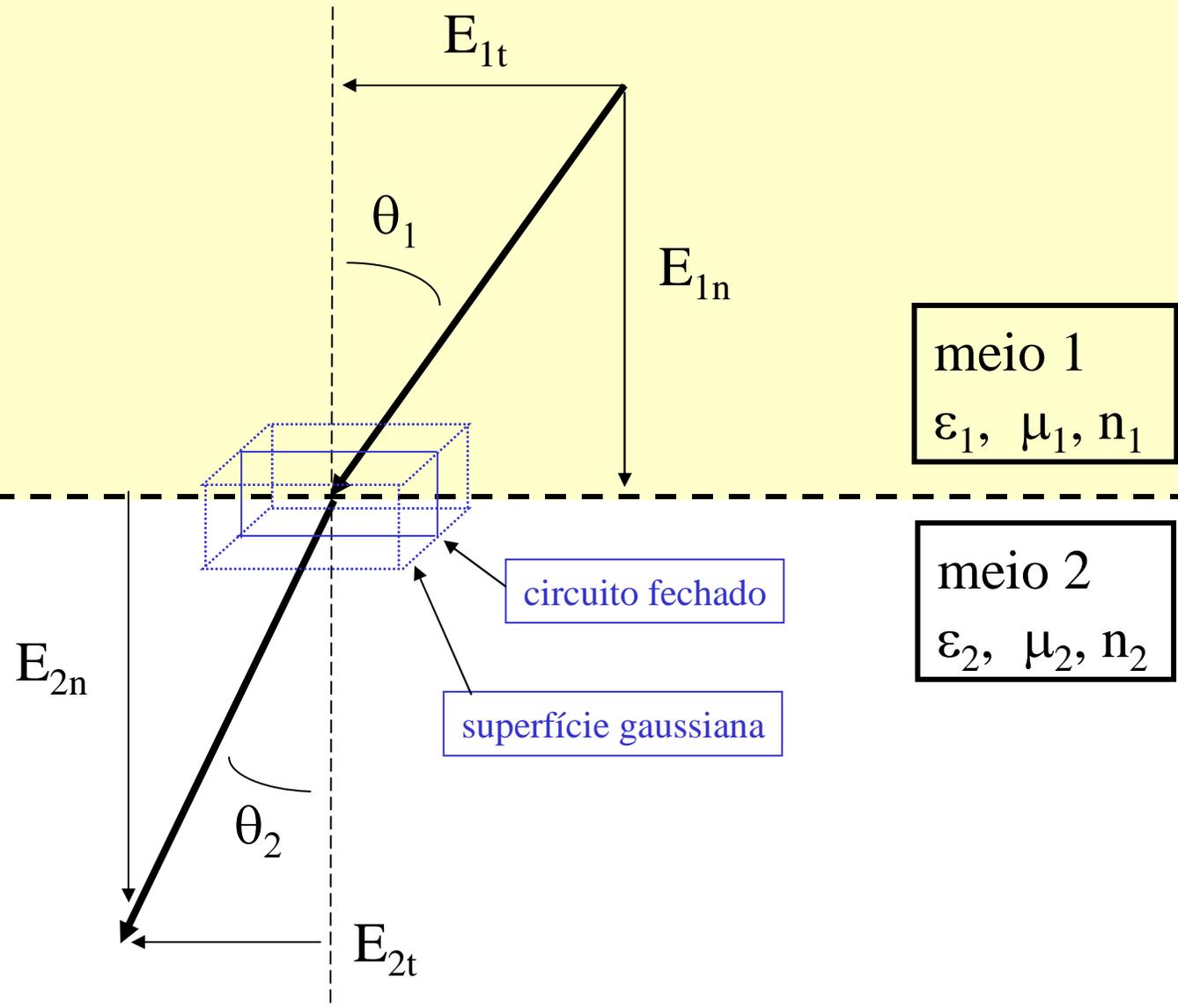
$$\Rightarrow \theta_B = \arctg \frac{n_2}{n_1}$$



CONTINUIDADE DE CAMPOS  
ELÉTRICOS E MAGNÉTICOS  
NA MUDANÇA DE MEIOS

# CONTINUIDADE DO CAMPO ELÉTRICO

Podem haver cargas entre os dois meios, mas o potencial paralelo à interface é constante (senão as cargas se moveriam ao longo da interface).



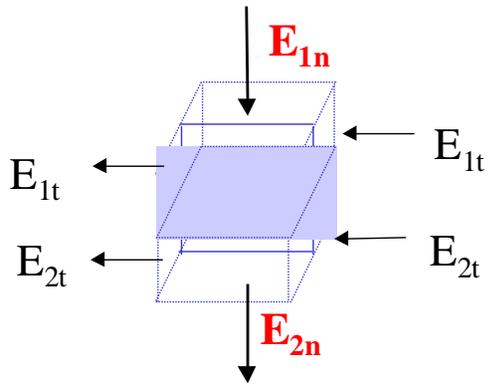
meio 1  
 $\epsilon_1, \mu_1, n_1$

meio 2  
 $\epsilon_2, \mu_2, n_2$

circuito fechado

superfície gaussiana

# CONTINUIDADE DO CAMPO ELÉTRICO NORMAL



As únicas componentes não nulas vêm das tampas, uma vez que  $E_{1t}$  e  $E_{2t}$  se cancelam.

A superfície “gaussiana” é suficientemente pequena para que  $E(x,y,z)$  não varie de um lado a outro, exceto na mudança de meios, em que pode ocorrer uma descontinuidade devido às cargas na interface.

lei de Gauss

carga livre

$$\oint_S \epsilon \vec{E} \cdot d\vec{s} = q$$

$$-\epsilon_1 E_{1n} + \epsilon_2 E_{2n} = \sigma$$

interface com densidade de cargas superficial

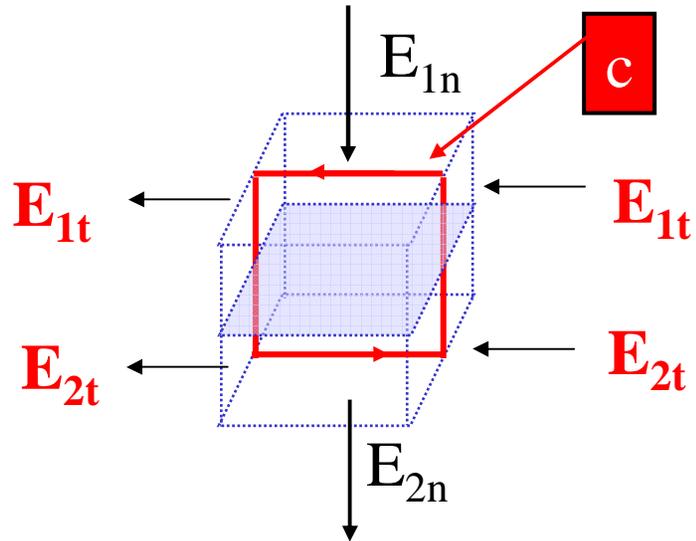
$$-\epsilon_1 E_{1n} + \epsilon_2 E_{2n} = 0$$

dielétrico,  $\sigma = 0$

DIELÉTRICO

$$\epsilon_1 E_{1n} = \epsilon_2 E_{2n}$$

# CONTINUIDADE DO CAMPO ELÉTRICO TANGENCIAL



$$LE_{1t} - LE_{2t} = 0$$

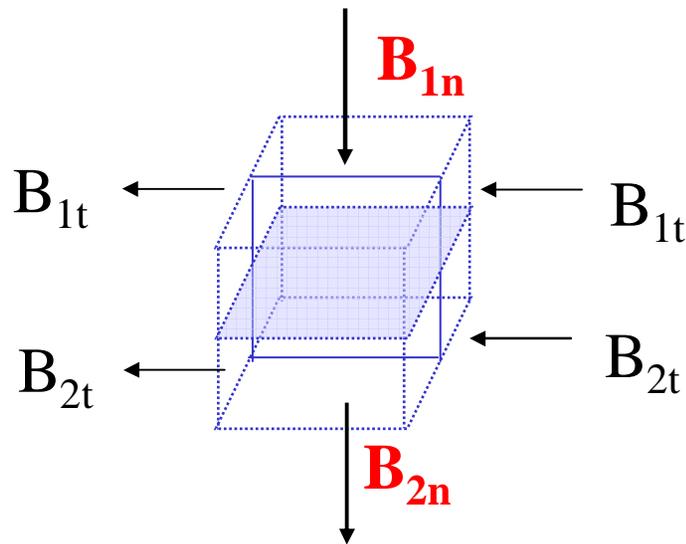
$$E_{1t} = E_{2t}$$

lei de Faraday

$\frac{\partial \phi_B}{\partial t} = 0$   
eletrostática

$$\oint_c \vec{E} \cdot d\vec{l} = - \frac{\partial \phi_B}{\partial t}$$

# CONTINUIDADE DO CAMPO MAGNÉTICO NORMAL



A superfície “gaussiana” é suficientemente pequena para que  $B(x,y,z)$  não varie de um lado a outro.

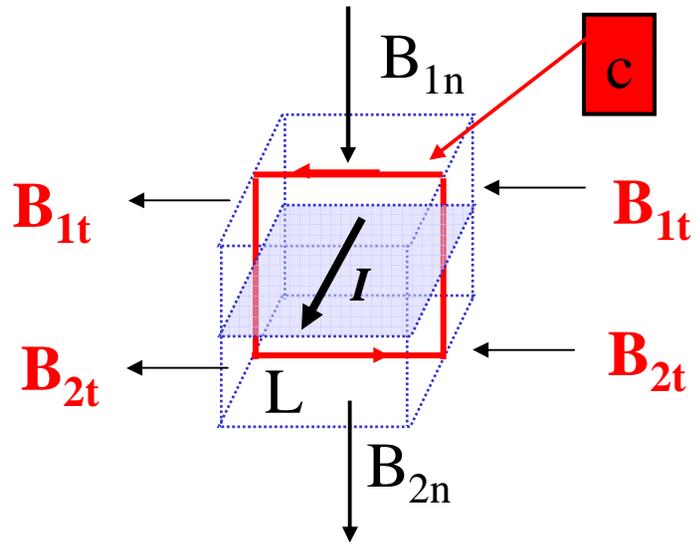
lei de Gauss  
do magnetismo

$$\oint_s \vec{B} \cdot d\vec{s} = 0$$

$$-B_{1n} + B_{2n} = 0$$

$$B_{1n} = B_{2n}$$

# CONTINUIDADE DO CAMPO MAGNÉTICO TANGENCIAL



corrente concatenada  $I = j.L$

lei de Ampère

$\frac{\partial \phi_E}{\partial t} = 0$   
eletrostática

$$\left( \frac{B_{1t}}{\mu_1} - \frac{B_{2t}}{\mu_2} \right) L = j.L$$

$$\frac{B_{1t}}{\mu_1} - \frac{B_{2t}}{\mu_2} = j$$

$$\frac{B_{1t}}{\mu_1} = \frac{B_{2t}}{\mu_2} \quad \text{em dielétricos, } j = 0$$

$$\oint_c \frac{\vec{B}}{\mu} \cdot d\vec{l} = I + \varepsilon \frac{\partial \phi_E}{\partial t}$$

# RESUMO

## CAMPOS ELÉTRICOS E MAGNÉTICOS EM DIELETRICOS

$$\epsilon_1 E_{1n} = \epsilon_2 E_{2n}$$

$$E_{1t} = E_{2t}$$

$$B_{1n} = B_{2n}$$

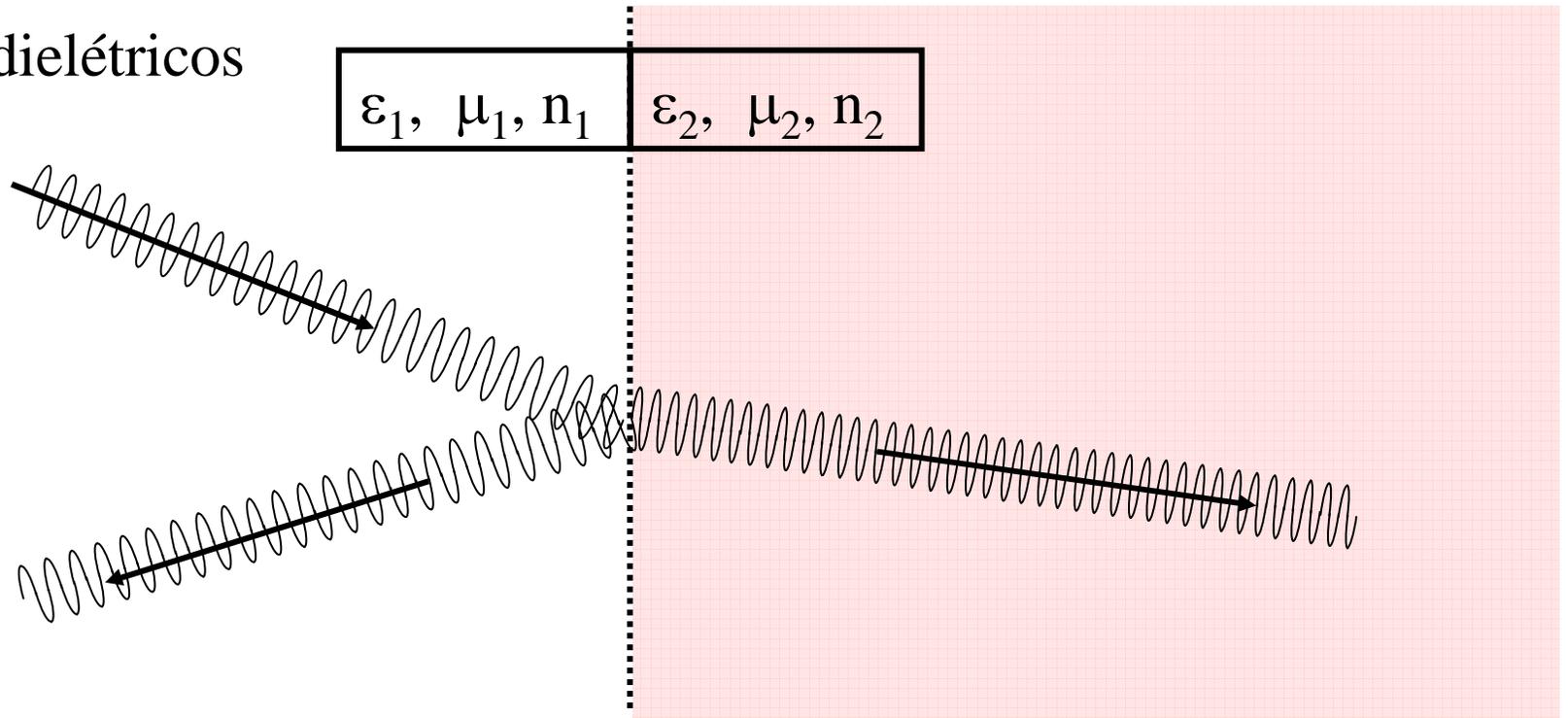
$$\frac{B_{1t}}{\mu_1} = \frac{B_{2t}}{\mu_2}$$

$$\mu_1 \quad \mu_2$$

Vale para campos estáticos ou lentamente variáveis. Em especial para ondas EM. Define as propriedades da óptica. A REFLEXÃO e a REFRAÇÃO

TRANSMISSÃO E REFLEXÃO  
DE ONDAS NA MUDANÇA DE  
MEIOS

## Ondas em dielétricos



Ao passar de um meio para outro a onda EM **tem** que satisfazer as 6 condições

$$\lambda = vT = \frac{c}{n_i} \frac{2\pi}{\omega}$$

$$\epsilon_1 E_{1n} = \epsilon_2 E_{2n}$$

$$B_{1n} = B_{2n}$$

$$\frac{|\vec{E}|}{|\vec{B}|} = v = \frac{1}{\sqrt{\mu\epsilon}}$$

$$E_{1t} = E_{2t}$$

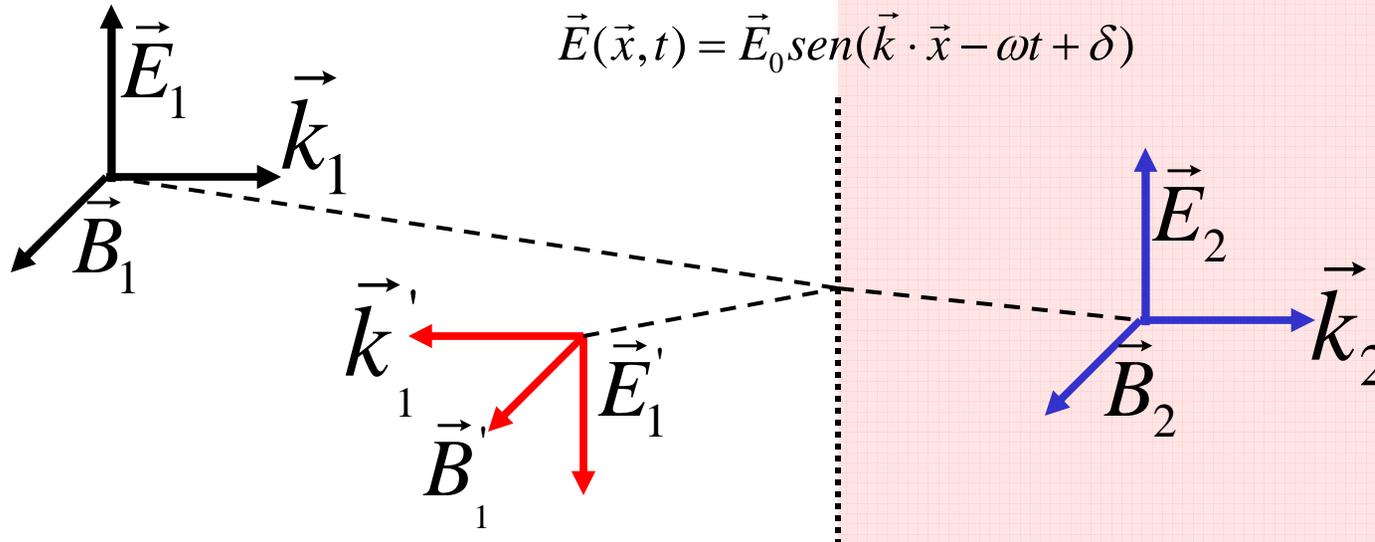
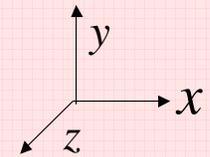
$$\frac{B_{1t}}{\mu_1} = \frac{B_{2t}}{\mu_2}$$

# Ondas em dielétricos

$\epsilon_1, \mu_0, n_1$	$\epsilon_2, \mu_0, n_2$
--------------------------	--------------------------

$$\vec{E}(\vec{x}, t) = \vec{E}_0 \text{sen}(\vec{k} \cdot \vec{x} - \omega t + \delta)$$

# Incidência normal



Ao passar de um meio para outro a onda EM **tem** que satisfazer as condições de contorno. A solução exige que haja uma onda refletida (com inversão de  $E$ ) e outra transmitida. Uma vez que a incidência é normal, só existem  $E_t$  e  $B_t$ .

$$(I) \quad \sum E_{1t} = \sum E_{2t}$$

$$E_{01} \text{sen } \omega t - E'_{01} \text{sen } \omega t = E_{02} \text{sen } \omega t$$

$$\boxed{E_{01} - E'_{01} = E_{02}}$$

$$(II) \quad \sum \frac{B_{1t}}{\mu_1} = \sum \frac{B_{2t}}{\mu_2} \rightarrow \frac{B_1}{\mu_0} + \frac{B'_1}{\mu_0} = \frac{B_2}{\mu_0}$$

$$\text{mas } B = \frac{E}{v} = \frac{E}{c/n} = \frac{E}{c/\sqrt{\epsilon}} = \frac{E}{c} \sqrt{\frac{\epsilon}{\epsilon_0}}$$

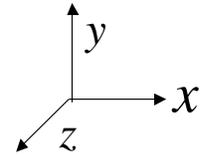
$$\sqrt{\epsilon_1} E_{01} + \sqrt{\epsilon_1} E'_{01} = \sqrt{\epsilon_2} E_{02}$$

$$\boxed{E_{01} + E'_{01} = \sqrt{\frac{\epsilon_2}{\epsilon_1}} E_{02}}$$

# Ondas em dielétricos

## Incidência normal

$$\vec{E}(\vec{x}, t) = \vec{E}_0 \text{sen}(\vec{k} \cdot \vec{x} - \omega t + \delta)$$



$$E_{01} - E'_{01} = E_{02} \quad (\text{I})$$

$$\frac{B_{1,t}}{\mu_1} + \frac{B'_{1,t}}{\mu_1} = \frac{B_{2,t}}{\mu_2}$$

com  $\mu_1 = \mu_2 = \mu_0$

$$E_{01} + E'_{01} = \sqrt{\frac{\epsilon_2}{\epsilon_1}} E_{02} \quad (\text{II})$$

$$\frac{E_{02}}{E_{01}} = \frac{2\sqrt{\epsilon_1}}{\sqrt{\epsilon_1} + \sqrt{\epsilon_2}}$$

$$n = \sqrt{K} = \sqrt{\frac{\epsilon}{\epsilon_0}}$$

**TRANSMISSÃO**

$$t = \frac{E_{02}}{E_{01}} = \frac{2n_1}{n_1 + n_2}$$

**REFLEXÃO**

$$r = \frac{E'_{01}}{E_{01}} = \frac{n_2 - n_1}{n_2 + n_1}$$

analogamente

note que se  $n_1 = n_2$ , isto é, se não houver mudança de meio,  $t = 1$  e  $r = 0$ .

Uma vez que Es e Bs estão acoplados pelas leis de Maxwell, uma vez encontrada uma relação para o campo elétrico implica automaticamente satisfazer as condições para o campo magnético.

# Ondas em dielétricos

## Incidência normal

### TRANSMISSÃO

$$t = \frac{E_{02}}{E_{01}} = \frac{2n_1}{n_1 + n_2}$$

### REFLEXÃO

$$r = \frac{E'_{01}}{E_{01}} = \frac{n_2 - n_1}{n_2 + n_1}$$

mas a intensidade da onda depende de  $E^2$

$$I = v \cdot \epsilon \cdot E^2$$

$$I_{inc} = v_1 \cdot \epsilon_1 \cdot E_{01}^2$$

$$I_{ref} = v_1 \cdot \epsilon_1 \cdot E'_{01}{}^2$$

$$I_{trans} = v_2 \cdot \epsilon_2 \cdot E_{02}^2$$

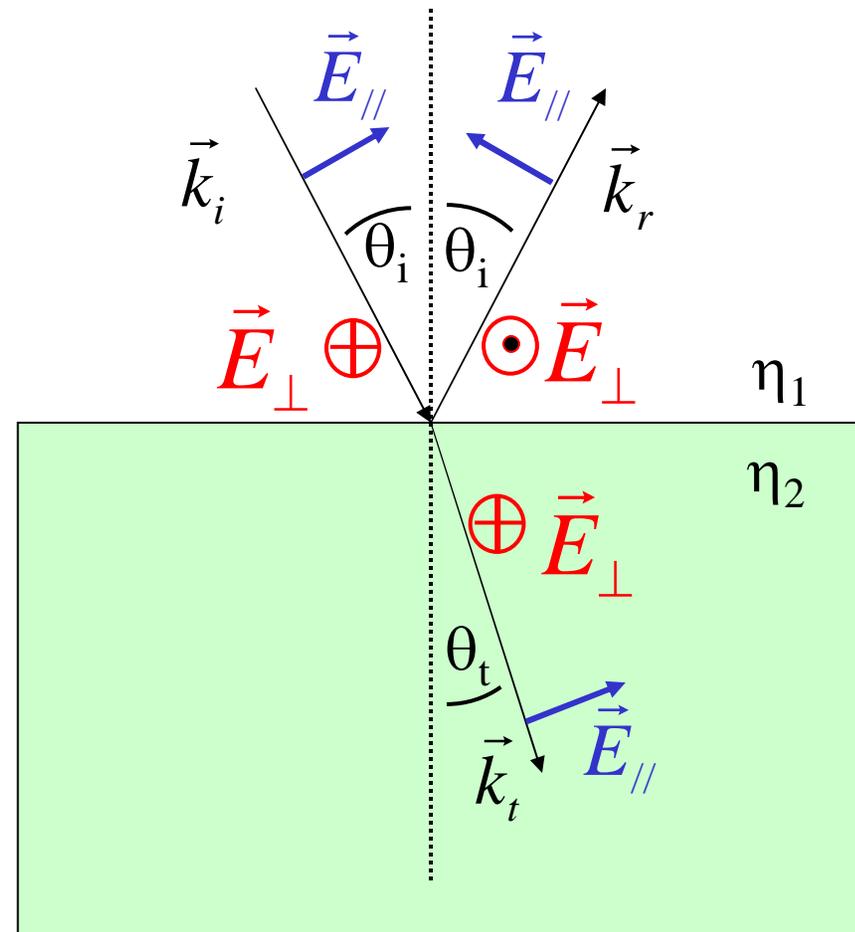
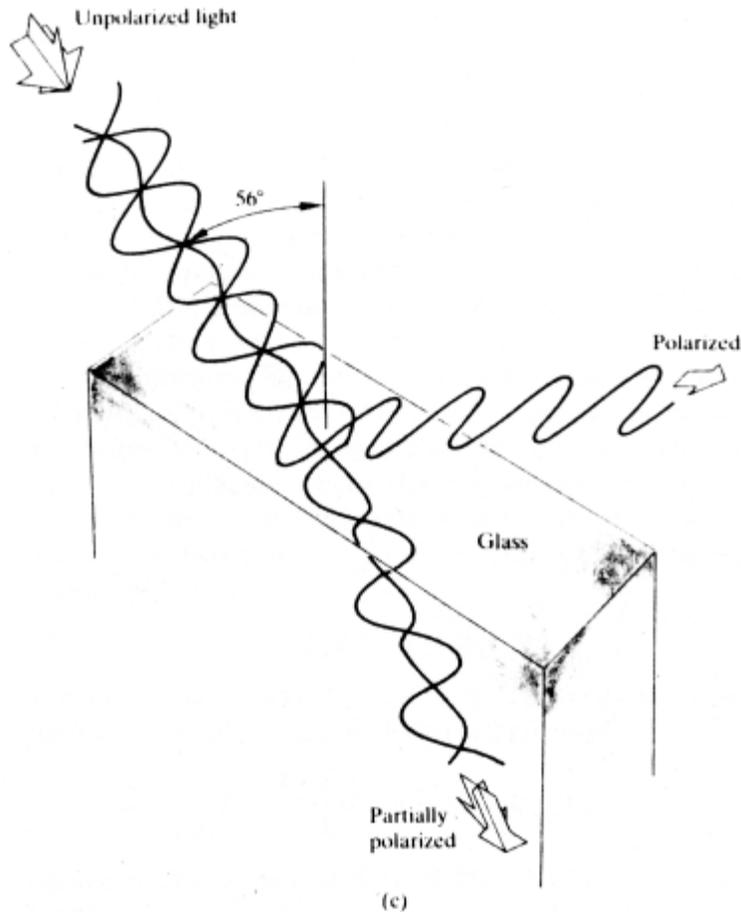
coeficientes de transmissão e reflexão de potência

$$T = \frac{I_{trans}}{I_{inc}} = \frac{4n_1n_2}{(n_1 + n_2)^2}$$
$$R = \frac{I_{ref}}{I_{inc}} = \frac{(n_2 - n_1)^2}{(n_2 + n_1)^2}$$

# Ondas em dielétricos

## Incidência oblíqua

- os 3 raios são coplanares
- têm mesma frequência,  $\omega$
- têm mesma fase na interface



# Incidência oblíqua em dielétricos

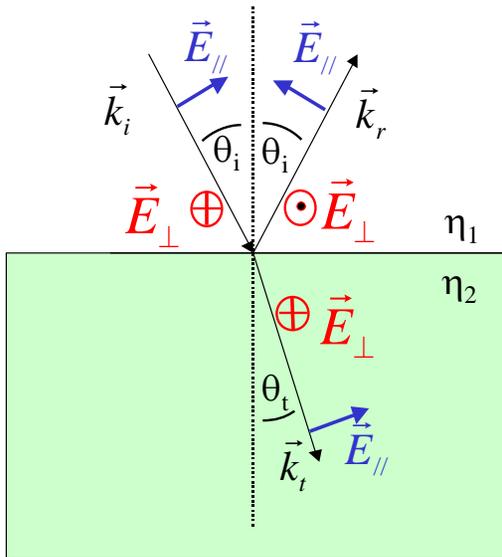
$$\bar{E}_i = E_0 (\hat{x} \cos \theta_i - \hat{z} \sin \theta_i) e^{-jk_1(x \sin \theta_i + z \cos \theta_i)}$$

$$\bar{E}_r = E_0 \Gamma (\hat{x} \cos \theta_r + \hat{z} \sin \theta_r) e^{-jk_1(x \sin \theta_r - z \cos \theta_r)}$$

$$\bar{E}_t = E_0 T (\hat{x} \cos \theta_t - \hat{z} \sin \theta_t) e^{-jk_2(x \sin \theta_t + z \cos \theta_t)}$$

# Ondas em dielétricos

## Incidência oblíqua



lei de Snell  $\eta_1 \sin \theta_i = \eta_2 \sin \theta_t$

componente **perpendicular** ao plano de incidência

$$r_{\perp} = \frac{\eta_1 \cos \theta_i - \eta_2 \cos \theta_t}{\eta_1 \cos \theta_i + \eta_2 \cos \theta_t}$$

$$t_{\perp} = \frac{2\eta_1 \cos \theta_i}{\eta_1 \cos \theta_i + \eta_2 \cos \theta_t}$$

componente **paralela** ao plano de incidência

$$r_{\parallel} = \frac{\eta_2 \cos \theta_i - \eta_1 \cos \theta_t}{\eta_2 \cos \theta_i + \eta_1 \cos \theta_t}$$

$$t_{\parallel} = \frac{2\eta_1 \cos \theta_i}{\eta_2 \cos \theta_i + \eta_1 \cos \theta_t}$$

$r_{\perp} = 0$ : polarização total

$$\theta_B = \arctg \frac{\eta_2}{\eta_1}$$

com um ‘pouco’ de manipulação algébrica...

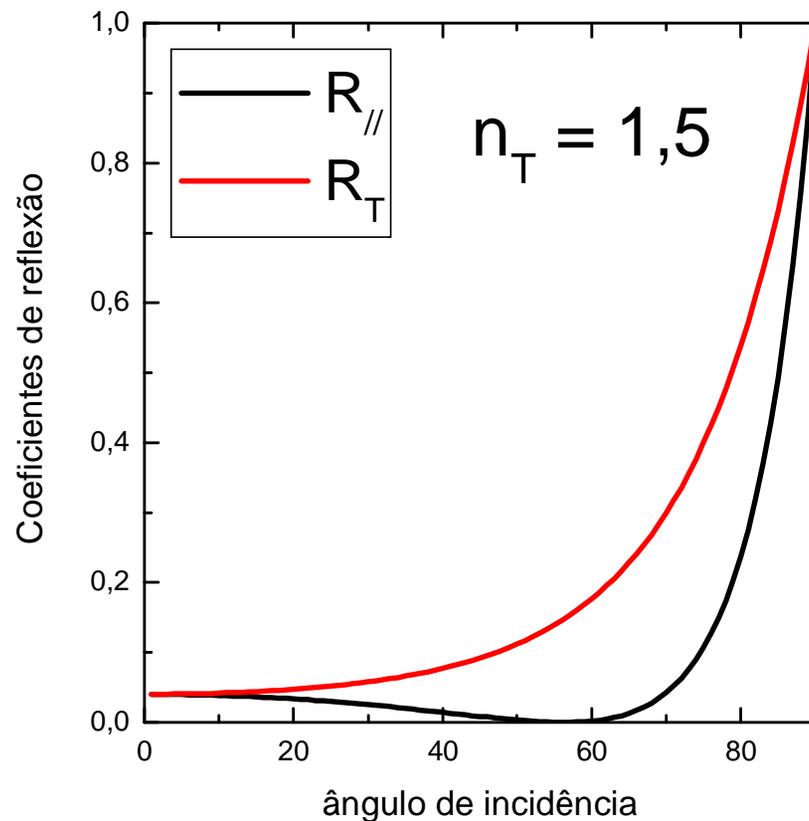
# Polarização por reflexão

- Coeficientes de reflexão ( $R = I/I_0$ )

$$R_{//} = \frac{\operatorname{tg}^2(\theta_i - \theta_t)}{\operatorname{tg}^2(\theta_i + \theta_t)}$$

$$R_T = \frac{\operatorname{sen}^2(\theta_i - \theta_t)}{\operatorname{sen}^2(\theta_i + \theta_t)}$$

$$n_i \operatorname{sen}(\theta_i) = n_t \operatorname{sen}(\theta_t)$$

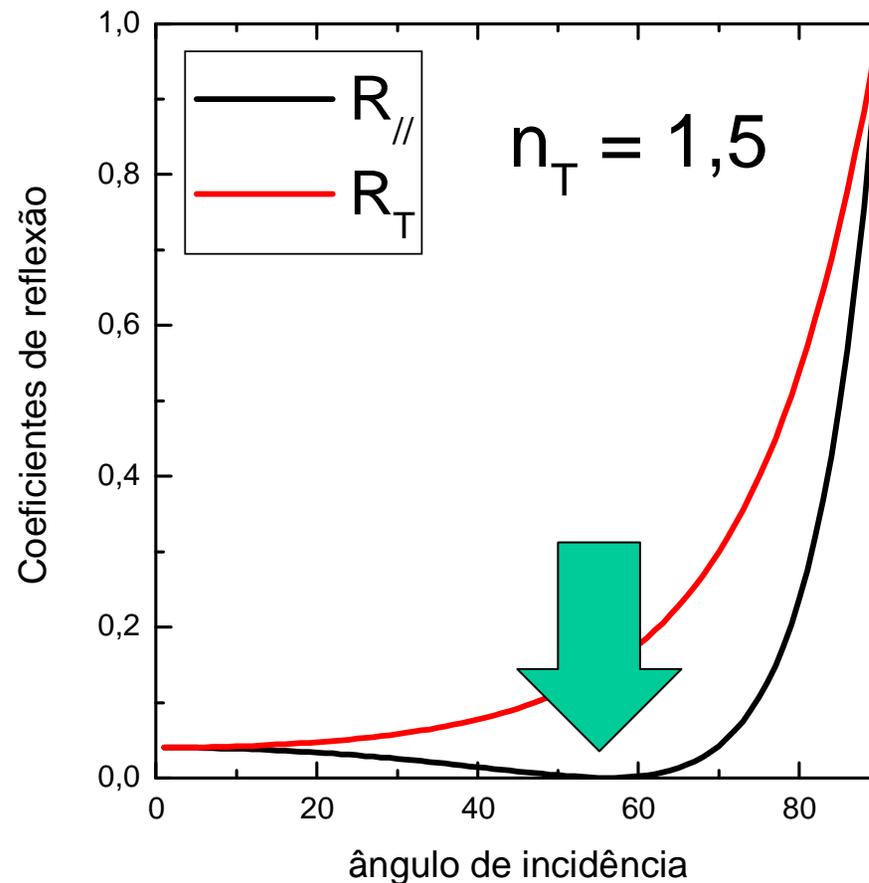


# Polarização por reflexão

- Em um dado ângulo a componente // da luz refletida tem intensidade 0
- Luz totalmente polarizada na outra direção (transversal)

$$R_{//} = \frac{\operatorname{tg}^2(\theta_i - \theta_t)}{\operatorname{tg}^2(\theta_i + \theta_t)} = 0$$

$$\theta_i + \theta_t = 90^\circ$$



# Polarização por reflexão

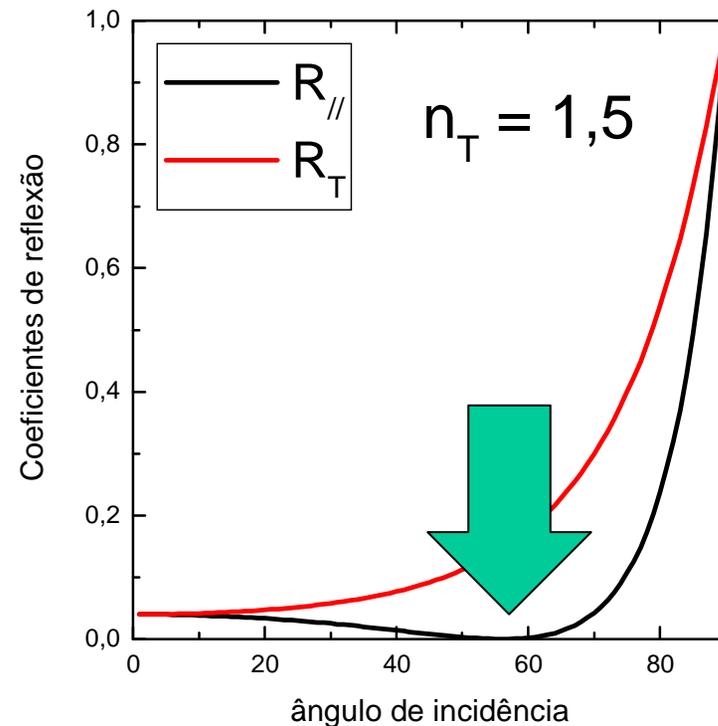
- O ângulo no qual a luz refletida é totalmente polarizada é chamado:
  - Ângulo de Brewster

$$\theta_t = 90^\circ - \theta_i$$

$$n_i \text{sen}(\theta_i) = n_t \text{sen}(90^\circ - \theta_i)$$

$$n_i \text{sen}(\theta_i) = n_t \cos(\theta_i)$$

$$\theta_i = \theta_B = \arctan\left(\frac{n_t}{n_i}\right)$$



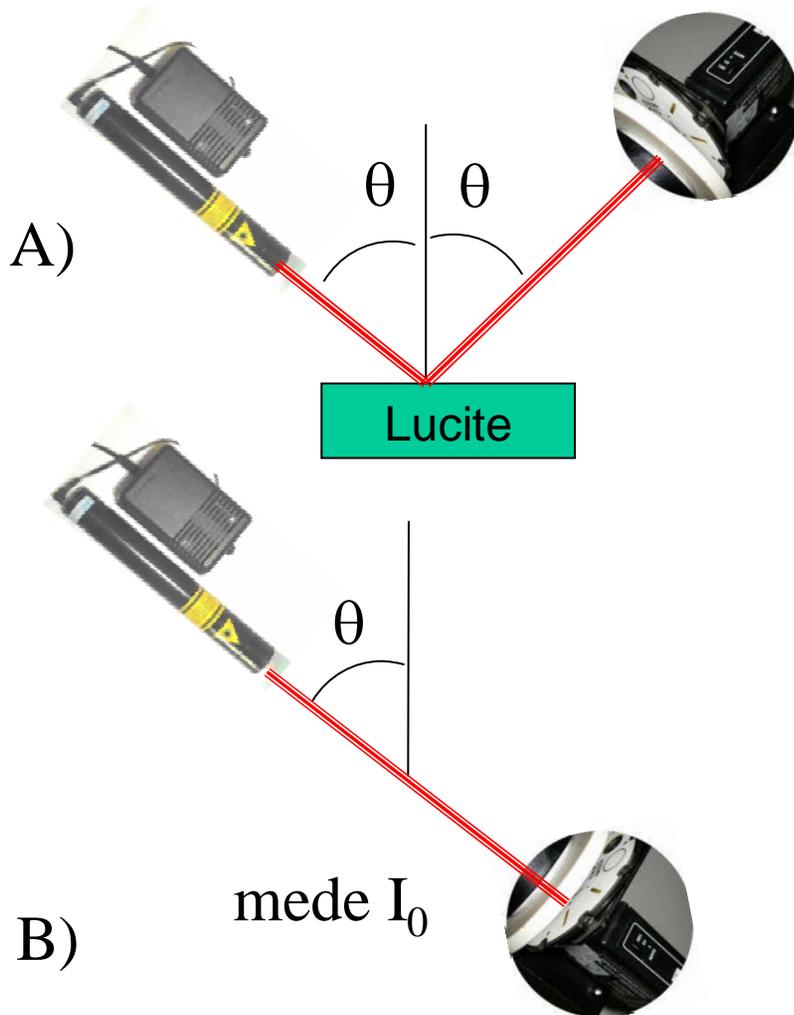
# Objetivos

- Verificar experimentalmente a polarização por reflexão no acrílico
  - Medir e graficar os coeficientes de reflexão  $R_{//}$  e  $R_T$  em função do ângulo de incidência
  - Determinar o ângulo de Brewster e o índice de refração do material refletor (mínimo de  $R_{//}$ )

$$\theta_B = \arctan\left(\frac{n_t}{n_i}\right)$$

# Polarização por reflexão

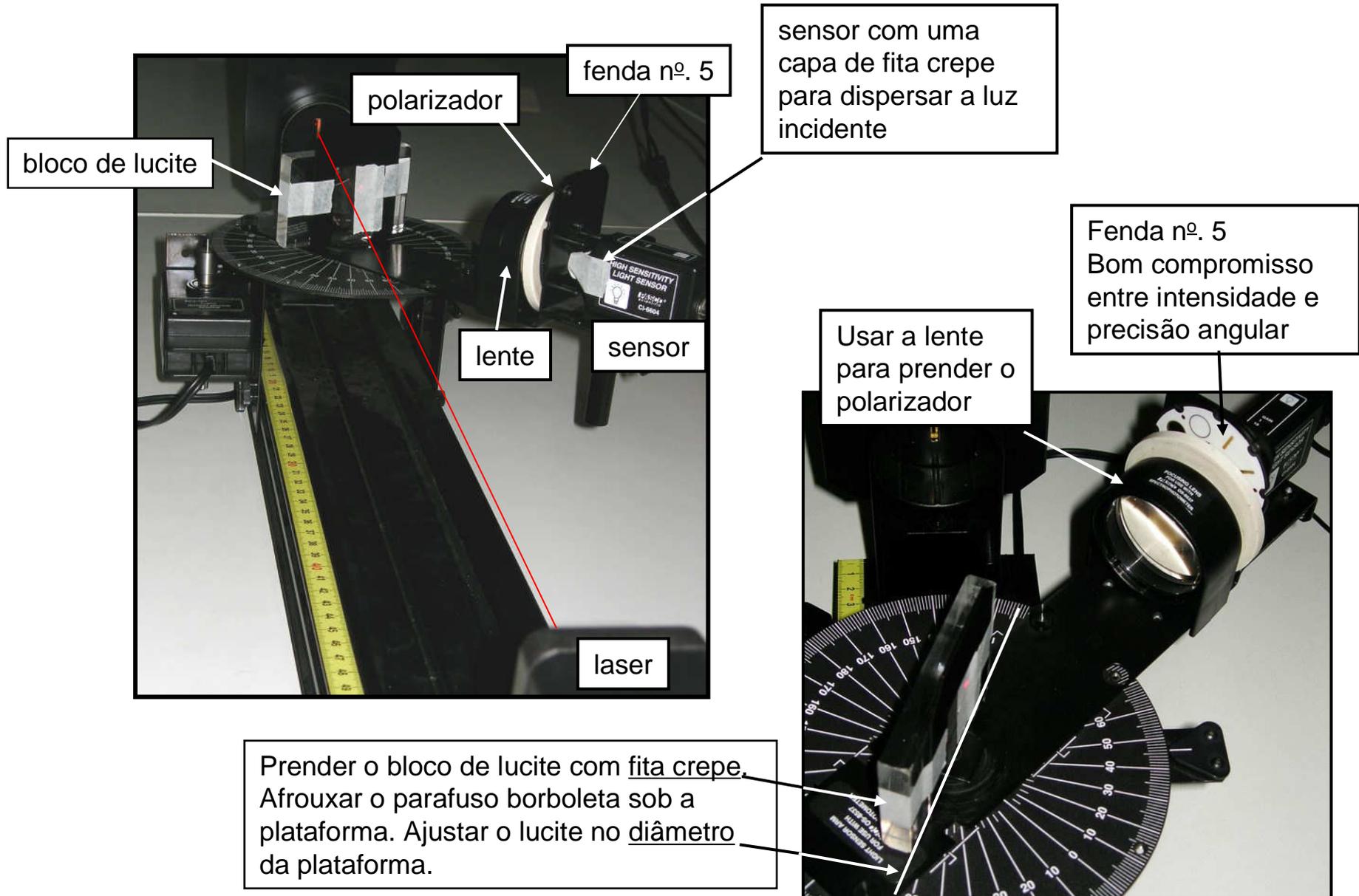
Arranjo experimental para espectrofotometria Pasco adaptado para medida de polarização por reflexão.



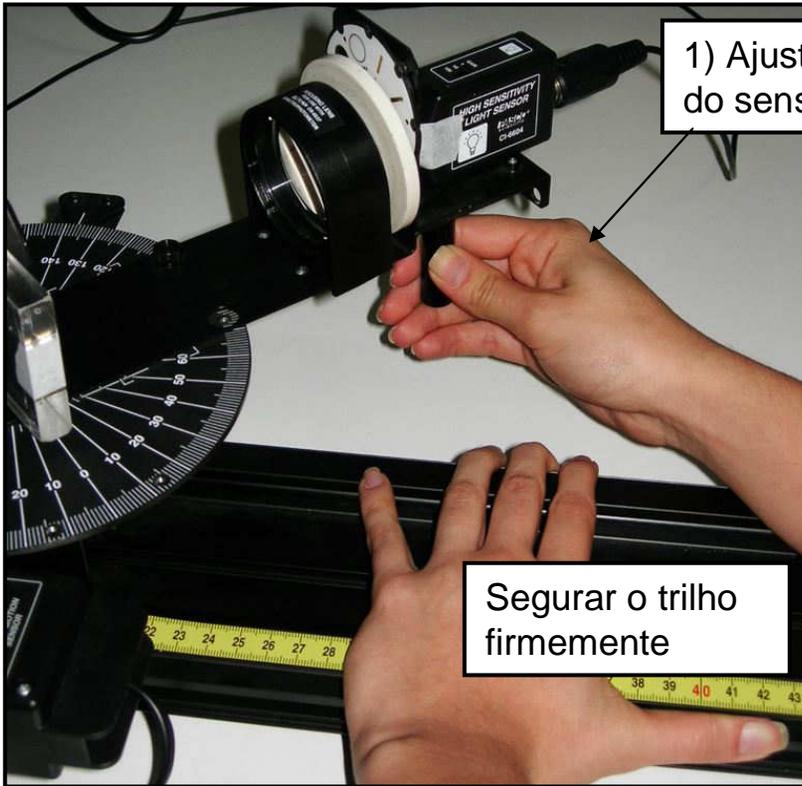
- **Cuidado com o alinhamento do sistema**
- Cobrir o sensor com uma fita crepe para dispersar a luz incidente (já foi feito). Usar a fenda nº. 5;
- Essa geometria é chamada " $\theta-2\theta$ ". Mantendo o laser fixo, posicione o sensor em  $2\theta$  e mova o bloco até  $\theta$  para ver a luz refletida incidir no sensor. Reajuste a altura do laser para máximo sinal. Meça  $I_0$  vez por outra para corrigir eventuais mudanças de intensidade do laser. Mude o ganho se necessário.
- Medir as intensidades  $I_{//}$  e  $I_{\perp}$  em função do ângulo de reflexão. Medir também  $I_{//}+I_{\perp}$  sem polarizador (controle redundante);

**Graficar de  $R_{//}$  e  $R_{\perp}$  como função do ângulo  $\theta$ .  
Ajustar a função teórica esperada.**

## Vista geral do arranjo para medida do ângulo de brewster

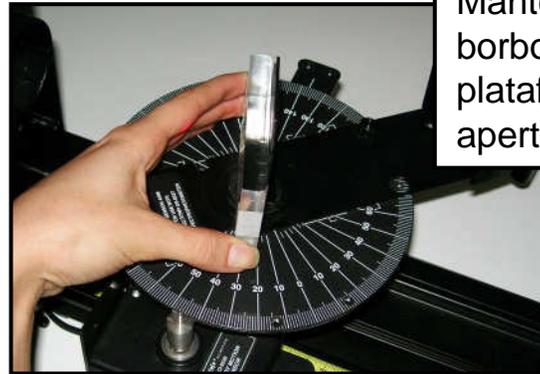


# Detalhes do arranjo para medida do ângulo de brewster

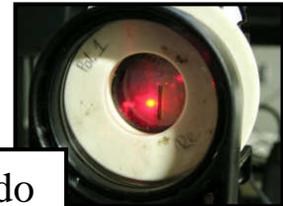


1) Ajustar ângulo  $2\theta$  do sensor.

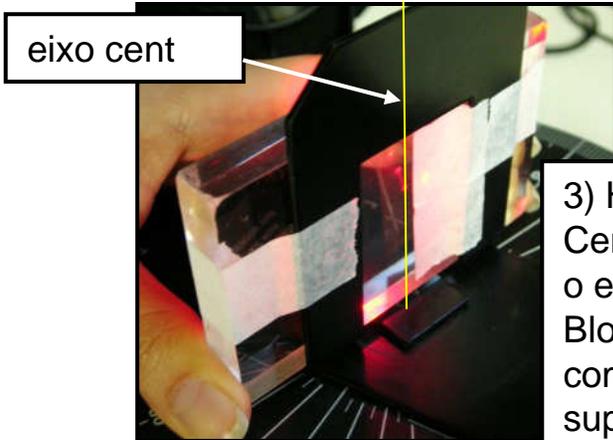
Segurar o trilho firmemente



2) Ajuste o ângulo  $\theta$  do bloco até a luz laser incidir na fenda. Manter a porca borboleta sob a plataforma levemente apertada.

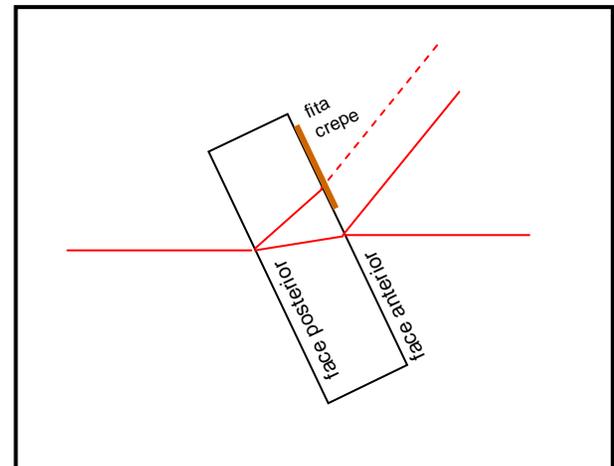


4) Regule a altura do laser para incidir no centro vertical.

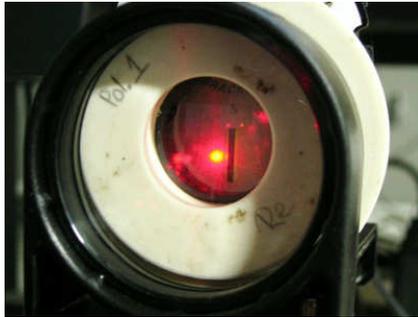


eixo cent

3) Há dois raios refletidos. Centralizar o anterior com o eixo central do suporte. Bloquear o raio posterior com uma fita crepe na superfície anterior.



## Detalhes do arranjo para medida do ângulo de brewster



Altura do laser ajustado no centro vertical mas ainda não no centro da fenda.



Altura do laser ajustado no centro vertical.  
Ângulo do lucite ajustado com o laser no centro da fenda (máximo da leitura de sinal do sensor).



Ajustar o ganho x1, X10, x100, do sensor conforme necessário.  
Ângulos traseiros = sinal fraco = ganho alto.  
Ângulos dianteiros = sinal forte = ganho baixo.  
Corrija o valor da medida conforme o ganho utilizado.

**Ajuste os ângulos e maximize a leitura.  
Ajuste o polarizador meça  $R_p$ .  
Rode o polarizador em  $90^\circ$ , meça  $R//$   
Retire o polarizador, meça  $R$  total (medida redundante)**

## Cuidados especiais

- **NUNCA DESLIGAR O LASER**
  - O Laser é não polarizado mas leva um tempo (algumas horas) para atingir essa situação e estabilizar.
- Verificar se, de fato, o laser não é polarizado.
- Cobrir o arranjo experimental com o pano preto para evitar luzes espúrias;
- Organizar a tomada de dados de forma a alternar as medidas de  $I_0$ ,  $I_{//}$  e  $I_T$  para garantir a correta normalização  $I_{//}/I_0$  e  $I_T/I_0$ .
- A medida de  $I_{//}+I_T$  é para controle redundante.